

**BILANGAN TERHUBUNG PELANGI KUAT  
PADA GRAF GURITA, PLANTER, DAN FERRIS  
WHEEL**

**Skripsi**

**Disusun guna memenuhi salah satu syarat  
memperoleh gelar Sarjana Matematika**



**Fitria Gusliana  
1305618026**



**PROGRAM STUDI MATEMATIKA  
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM  
UNIVERSITAS NEGERI JAKARTA**

**2023**

## ABSTRACT

A graph  $G$  is said to be strongly rainbow connected if there exists a  $u - v$  geodesic rainbow intersection at each pair of nodes  $u$  and  $v$  in  $G$ . The strong rainbow connected number is denoted by  $src$ , where  $src$  is the minimum color used for a graph  $G$  to be strongly rainbow connected. In this study, we will discuss the strong rainbow connected number in octopus, planter, and ferris wheel graphs. The result obtained is  $src(O_n) = \lceil \frac{4n}{3} \rceil$  for  $n \geq 2$ ,  $src(R_n) = \frac{5n-3}{6}$  where  $n = 6k-3$  for  $k \geq 1$ ,  $src(R_n) = \frac{5n+4}{6}$  where  $n = 6k-2$  for  $k \geq 1$ ,  $src(R_n) = n-k$  where  $n = 6k+l$  for  $l = -1, 0, 1, 2$  and  $k \geq 1$ ,  $src(Fw_n) = \lceil \frac{n}{2} \rceil$  for  $3 \leq n \leq 6$ .

**Keyword.** Strong Rainbow Connection Number, Octopus Graph, Planter Graph, Ferris Wheel Graph

## ABSTRAK

Sebuah graf  $G$  dikatakan terhubung pelangi kuat apabila terdapat sebuah lintasan pelangi geodesik  $u - v$  pada tiap pasang titik  $u$  dan  $v$  di  $G$ . Bilangan terhubung pelangi kuat pada graf  $G$  dinotasikan dengan  $src(G)$ , yakni minimal warna yang dipakai agar graf  $G$  terhubung pelangi kuat. Pada penelitian ini akan dibahas tentang bilangan terhubung pelangi kuat pada graf gurita ( $O_n$ ), planter ( $R_n$ ), dan ferris wheel ( $Fw_n$ ). Hasil yang didapatkan adalah  $src(O_n) = \lceil \frac{4n}{3} \rceil$  untuk  $n \geq 2$ ,  $src(R_n) = \frac{5n-3}{6}$  dimana  $n = 6k - 3$  untuk  $k \geq 1$ ,  $src(R_n) = \frac{5n+4}{6}$  dimana  $n = 6k - 2$  untuk  $k \geq 1$ ,  $src(R_n) = n - k$  dimana  $n = 6k + l$  untuk  $l = -1, 0, 1, 2$  dan  $k \geq 1$ ,  $src(Fw_n) = \lceil \frac{n}{2} \rceil$  untuk  $3 \leq n \leq 6$ .

**Kata kunci.** Bilangan Terhubung Pelangi Kuat, Graf Gurita, Graf Planter, Graf Ferris Wheel

# LEMBAR PERSETUJUAN HASIL SIDANG SKRIPSI

## BILANGAN TERHUBUNG PELANGI KUAT PADA GRAF

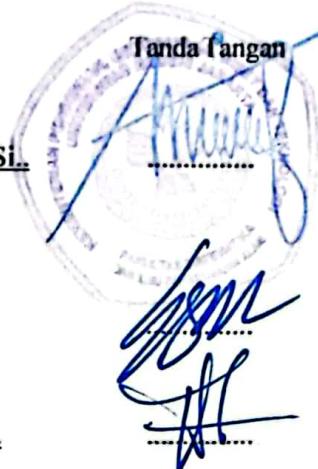
### GURITA, PLANTER DAN FERRIS WHEEL

Nama : Fitria Gusliana

No. Registrasi : 1305618026

#### Penanggung Jawab

Dekan : Prof. Dr. Muktiningsih N. M.Si.  
NIP. 196405111989032001

Nama ..... Tanda Tangan ..... Tanggal .....  
  
31/08 - 2023

#### Wakil Penanggung Jawab

Wakil Dekan I : Dr. Esmar Budi, S.Si., MT.  
NIP. 197207281999031002

Ketua : Drs. Sudarwanto, M.Si., DEA.  
NIP. 196503251993031003

Sekretaris : Dr. Eti Dwi Wiraningih, S.Pd., M.Si.  
NIP. 198102032006042001

Penguji : Dr. Yudi Mahatma, M.Si.  
NIP.

Pembimbing I : Dr. Lukita Ambarwati, S.Pd., M.Si.  
NIP. 197210262001122001

Pembimbing II : Devi Eka Wardani M, S.Pd., M.Si.  
NIP. 1990051620190320014

Dinyatakan lulus ujian skripsi tanggal: 27 Juli 2023

## SURAT PERNYATAAN KEASLIAN SKRIPSI

Saya yang bertanda tangan di bawah ini, mahasiswa Program Studi Matematika, Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam, Universitas Negeri Jakarta:

Nama : Fitria Gusliana  
No Registrasi : 1305618026  
Program Studi : Matematika

Dengan ini menyatakan bahwa skripsi yang saya buat dengan judul *"Bilangan Terhubung Pelangi pada Graf Gurita, Planter, dan Ferris Wheel"* adalah:

1. Dibuat sendiri, mengadopsi hasil kuliah, buku-buku, dan referensi acuan yang tertera di dalam referensi pada skripsi saya.
2. Bukan merupakan hasil duplikasi skripsi yang telah dipublikasikan atau pernah dipakai untuk mendapatkan gelar sarjana di Universitas lain kecuali pada bagian-bagian sumber informasi dicantumkan berdasarkan tata cara referensi yang semestinya.

Pernyataan ini dibuat dengan sesungguhnya dan saya bersedia menanggung segala akibat yang timbul jika pernyataan saya tidak benar.

Bekasi, 15 Juni 2023



Fitria Gusliana



KEMENTERIAN PENDIDIKAN DAN KEBUDAYAAN  
UNIVERSITAS NEGERI JAKARTA  
**UPT PERPUSTAKAAN**

Jalan Rawamangun Muka Jakarta 13220  
Telepon/Faksimili: 021-4894221  
Laman: lib.unj.ac.id

# **LEMBAR PERNYATAAN PERSETUJUAN PUBLIKASI KARYA ILMIAH UNTUK KEPENTINGAN AKADEMIS**

Sebagai sivitas akademika Universitas Negeri Jakarta, yang bertanda tangan di bawah ini, saya:

Nama : Fitria Gusliana  
NIM : 1305618026  
Fakultas/Prodi : FMIPA/Matematika  
Alamat email : fgusliana@gmail.com

Demi pengembangan ilmu pengetahuan, menyetujui untuk memberikan kepada UPT Perpustakaan Universitas Negeri Jakarta, Hak Bebas Royalti Non-Eksklusif atas karya ilmiah:

Skripsi       Tesis       Disertasi       Lain-lain (.....)

yang berjudul :

## Bilangan Terhubung Pelangi Kuat pada Graf Gurita, Planter dan Ferris Wheel

Dengan Hak Bebas Royalti Non-Ekslusif ini UPT Perpustakaan Universitas Negeri Jakarta berhak menyimpan, mengalihmediakan, mengelolanya dalam bentuk pangkalan data (*database*), mendistribusikannya, dan menampilkan/mempublikasikannya di internet atau media lain secara *fulltext* untuk kepentingan akademis tanpa perlu meminta ijin dari saya selama tetap mencantumkan nama saya sebagai penulis/pencipta dan atau penerbit yang bersangkutan.

Saya bersedia untuk menanggung secara pribadi, tanpa melibatkan pihak Perpustakaan Universitas Negeri Jakarta, segala bentuk tuntutan hukum yang timbul atas pelanggaran Hak Cipta dalam karya ilmiah saya ini.

Demikian pernyataan ini saya buat dengan sebenarnya.

Jakarta

Fug8

( Fitria Gusliana )  
*nama dan tanda tangan*

## KATA PENGANTAR

Dengan mengucap puji syukur kepada Allah SWT yang telah memberikan rahmat dan karunia-Nya sehingga skripsi yang berjudul "**Bilangan Terhubung Pelangi Kuat pada Graf Gurita, Planter dan Ferris Wheel**" dapat terselesaikan dengan baik. Tak lupa shalawat serta salam senantiasa tercurahkan kepada Nabi Muhammad SAW, bagi keluarga, kerabat serta saudara yang mengikutinya dengan *istiqamah* sampai akhir zaman.

Pada kesempatan ini juga penulis mengucapkan banyak terima kasih kepada seluruh pihak yang telah ikut membantu dan mendukung penulis dalam menyelesaikan skripsi ini, khususnya kepada:

1. Ibu Dr. Lukita Ambarwati, S.Pd., M.Si. selaku Koordinator Program Studi Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam serta dosen pembimbing satu atas segala arahan dan saran yang diberikan kepada penulis sehingga penulis dapat menyelesaikan skripsi ini dengan baik.
2. Ibu Devi Eka Wardani Meganingtyas, S.Pd., M.Si. selaku dosen pembimbing dua atas bimbingan, arahan, saran dan bantuan yang diberikan kepada penulis sehingga skripsi ini bisa diselesaikan dengan baik.
3. Segenap dosen Program Studi Matematika yang telah mengajarkan ilmu yang bermanfaat bagi penulis.
4. Orangtua, keluarga besar atas doa, dukungan dan kasih sayang yang selama ini selalu tercurahkan.
5. Seluruh civitas akademik Program Studi Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam yang telah memberikan dukungan moril kepada penulis.
6. Teman-teman Program Studi Matematika yang telah mengisi hari-hari perkuliahan penulis menjadi indah.
7. Anggota Badan Eksekutif Mahasiswa 2018 yang telah memberikan kehangatan dan pengalaman kepada penulis.
8. Nadilla, Prima, Herda, Namira, kucing-kucing penulis yang telah memberikan dukungan sehingga penulis bisa menyelesaikan skripsi ini.

Penulis menyadari bahwa skripsi ini tidak luput dari berbagai kekurangan. Penulis mengharapkan saran dan kritik yang membangun sehingga laporan skripsi ini dapat memberikan manfaat bagi bidang pendidikan dan penerapan di lapangan serta bisa dikembangkan lagi lebih lanjut.

Bekasi, 15 Juni 2023  
Penulis,

Fitria Gusliana



# DAFTAR ISI

LEMBAR PENGESAHAN	1
HALAMAN PERNYATAAN	2
ABSTRACT	1
ABSTRAK	1
HALAMAN PERSEMBAHAN	i
KATA PENGANTAR	ii
DAFTAR ISI	iv
DAFTAR TABEL	vi
DAFTAR GAMBAR	viii
DAFTAR NOTASI	ix
<b>1 PENDAHULUAN</b>	1
1.1 Latar Belakang . . . . .	1
1.2 Rumusan Masalah . . . . .	3
1.3 Batasan Masalah . . . . .	3
1.4 Tujuan Penelitian . . . . .	4
1.5 Manfaat Penelitian . . . . .	4
1.6 Metode Penelitian . . . . .	4
<b>2 LANDASAN TEORI</b>	5
2.1 Teori Graf . . . . .	5
2.1.1 Sejarah Singkat Graf . . . . .	5
2.1.2 Definisi Graf . . . . .	6
2.1.3 Jenis-Jenis Graf . . . . .	6

2.1.4	Terminologi Dasar Graf . . . . .	8
2.2	Graf-graf Khusus . . . . .	10
2.3	Pewarnaan Sisi . . . . .	13
2.4	Bilangan Terhubung Pelangi dan Bilangan Terhubung Pelangi Kuat . . . . .	14
2.4.1	Bilangan Terhubung Pelangi . . . . .	15
2.4.2	Bilangan Terhubung Pelangi Kuat . . . . .	15
2.5	Contoh Pengaplikasian Bilangan Terhubung Pelangi dan Bilangan Terhubung Pelangi Kuat . . . . .	17
<b>3</b>	<b>METODOLOGI PENELITIAN</b>	<b>19</b>
3.1	Alur Penelitian . . . . .	19
3.2	Observasi . . . . .	21
<b>4</b>	<b>PEMBAHASAN</b>	<b>23</b>
4.1	Graf Gurita ( $O_n$ ) . . . . .	23
4.1.1	Bilangan Terhubung Pelangi Graf $O_n$ . . . . .	24
4.1.2	Bilangan Terhubung Pelangi Kuat Graf $O_n$ . . . . .	25
4.2	Graf Planter ( $R_n$ ) . . . . .	30
4.2.1	Bilangan Terhubung Pelangi Graf $R_n$ . . . . .	31
4.2.2	Bilangan Terhubung Pelangi Kuat Graf $R_n$ . . . . .	32
4.3	Graf Ferris Wheel ( $Fw_n$ ) . . . . .	38
4.3.1	Bilangan Terhubung Pelangi Graf $Fw_n$ . . . . .	38
4.3.2	Bilangan Terhubung Pelangi Kuat Graf $Fw_n$ . . . . .	39
<b>5</b>	<b>KESIMPULAN DAN SARAN</b>	<b>45</b>
5.1	Kesimpulan . . . . .	45
5.2	Saran . . . . .	46
<b>DAFTAR PUSTAKA</b>		<b>47</b>

# DAFTAR TABEL

4.1	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $O_2$ . . . . .	25
4.2	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $O_3$ . . . . .	27
4.3	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $O_4$ . . . . .	28
4.4	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $O_n$ . . . . .	30
4.5	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $R_3$ . . . . .	33
4.6	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $R_4$ . . . . .	34
4.7	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $R_5$ . . . . .	36
4.8	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $R_6$ . . . . .	36
4.9	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $R_7$ . . . . .	37
4.10	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $Fw_3$ . . . . .	40
4.11	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $Fw_4$ . . . . .	40
4.12	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $Fw_5$ . . . . .	42
4.13	Tabel Lintasan Pelangi Geodesik Graf $Fw_6$ . . . . .	43

# DAFTAR GAMBAR

2.1	Contoh Graf . . . . .	6
2.2	Graf sederhana . . . . .	7
2.3	Graf tak-sederhana . . . . .	7
2.4	Graf berarah . . . . .	8
2.5	Contoh Graf Sikel . . . . .	10
2.6	Contoh Graf Roda . . . . .	11
2.7	Contoh Graf Kipas . . . . .	11
2.8	Contoh Graf Bintang . . . . .	12
2.9	Contoh Graf Gurita . . . . .	12
2.10	Contoh Graf <i>Planter</i> . . . . .	13
2.11	Contoh Graf <i>Ferris Wheel</i> . . . . .	13
2.12	Pewarnaan Sisi . . . . .	14
2.13	Pewarnaan Pelangi dan Pelangi kuat pada Graf Petersen . . . . .	16
2.14	Graf W . . . . .	17
3.1	Diagram Alir . . . . .	21
3.2	Pewarnaan Pelangi Kuat Graf $O_2$ , $O_3$ dan $O_4$ . . . . .	22
4.1	Graf $O_n$ . . . . .	23
4.2	Graf $O_2$ . . . . .	24
4.3	Pewarnaan Pelangi Kuat Graf $O_2$ . . . . .	26
4.4	Pewarnaan Pelangi Kuat Graf $O_3$ . . . . .	27
4.5	Pewarnaan Pelangi Kuat Graf $O_4$ . . . . .	29
4.6	Pewarnaan Pelangi Kuat Graf $O_5$ , $O_6$ dan $O_7$ . . . . .	30
4.7	Graf $R_n$ . . . . .	31
4.8	Graf $R_3$ . . . . .	32
4.9	Pewarnaan Pelangi Kuat Graf $R_3$ . . . . .	33
4.10	Pewarnaan Pelangi Kuat Graf $R_4$ . . . . .	35
4.11	Pewarnaan Pelangi Kuat Graf $R_5$ , $R_6$ dan $R_7$ . . . . .	38
4.12	Graf $Fw_3$ . . . . .	39
4.13	Pewarnaan Pelangi Kuat . . . . .	41



# DAFTAR NOTASI

$V(G)$	= Himpunan titik pada graf $G$
$E(G)$	= Himpunan sisi pada graf $G$
$\chi'(G)$	= Indeks kromatik graf $G$
$Rc(G)$	= Bilangan terhubung pelangi graf $G$
$Src(G)$	= Bilangan terhubung pelangi kuat graf $G$
$c$	= Pewarnaan
$d(v)$	= Derajat pada suatu titik
$diam(G)$	= Diameter pada graf $G$
$C_n$	= Graf sikel
$F_n$	= Graf kipas
$S_n$	= Graf bintang
$W_n$	= Graf roda
$O_n$	= Graf gurita
$R_n$	= Graf <i>planter</i>
$Fw_n$	= Graf <i>ferris wheel</i>